

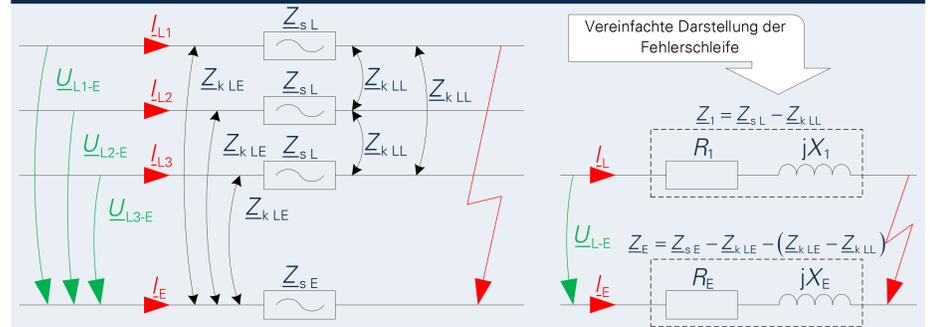
# Vergleich und Bewertung der Distanzberechnung für Leiter-Erde-Schleifen ( $k_E$ -Faktor)

Carlo Liebermann, Jörg Meyer, Peter Schegner Technische Universität Dresden  
Michael Kleemann, Grzegorz Richert Sprecher Automation

## Motivation

- Leiter-Erde-Fehler sind die häufigste Fehlerart auf Leitungen
- Schnellstmögliche und selektive Klärung des Fehlers hat oberste Priorität
- Distanzschutz berechnet die Impedanz der Fehlerschleife und bezieht diese auf die Mitimpedanz der Leitung
- Verschiedene Möglichkeiten zur Kompensation der Erdimpedanz  $Z_E$
- Unterschiedliche Ergebnisse bei überlagerten Oberschwingungen, Lichtbogenfehlern und abklingenden Gleichanteilen

## Zu berechnende Fehlerschleife



## Bestimmung der Schleifenimpedanz – Frequenzbereich: Filteralgorithmen

- Vorteil:** • Berechnung mit komplexen Zeigern von Strom und Spannung **Nachteil:** • Zeitverzögerung durch Eigenzeit des Algorithmus  
• Filteralgorithmen sind robust gegenüber Oberschwingungen • Abklingender DC-Anteil im Strom verfälscht Ergebnis

**Methode 1f** – Mit komplexem  $k_E$  - Faktor

Ansatzgleichung 
$$U_{L-E} = Z_1 \cdot \left( I_L - \frac{Z_E}{Z_1} \cdot I_E \right) = Z_1 \cdot (I_L - k_E \cdot I_E)$$

Berechnung: 
$$Z_1 = \frac{U_{L-E}}{I_L - k_E \cdot I_E}$$

**Methode 2f** – Durch Trennung der Impedanzen [1]

Ansatzgleichung 
$$U_{L-E} = R_1 \cdot \left( I_L - \frac{R_E}{R_1} I_E \right) + jX_1 \cdot \left( I_L - \frac{X_E}{X_1} I_E \right) = R_1 \cdot \underbrace{\left( I_L - k_{RE} \cdot I_E \right)}_{I_R} + jX_1 \cdot \underbrace{\left( I_L - k_{XE} \cdot I_E \right)}_{I_X}$$

$$R_1 = \frac{\operatorname{Re}\{I_X\} \operatorname{Re}\{U_{L-E}\} + \operatorname{Im}\{I_X\} \operatorname{Im}\{U_{L-E}\}}{\operatorname{Re}\{I_R\} \operatorname{Re}\{I_X\} + \operatorname{Im}\{I_R\} \operatorname{Im}\{I_X\}}$$

$$X_1 = \frac{\operatorname{Re}\{I_R\} \operatorname{Im}\{U_{L-E}\} - \operatorname{Im}\{I_R\} \operatorname{Re}\{U_{L-E}\}}{\operatorname{Re}\{I_R\} \operatorname{Re}\{I_X\} + \operatorname{Im}\{I_R\} \operatorname{Im}\{I_X\}}$$

## Bestimmung der Schleifenimpedanz – Zeitbereich: Lösung der Leitungs-Differentialgleichung

- Vorteil:** • Lösung der Leitungs-DGL mit wenigen Abtastwerten möglich **Nachteil:** • Harmonische und Lichtbögen verfälschen Ergebnis  
• Größere Flexibilität durch variable Datenfenstergröße • Übertragung des Gleichgliedes im Strom notwendig

**Methode 1z** – Mit komplexem  $k_E$  - Faktor

Ansatzgleichung 
$$u_{L-E}(t) = R_1 \cdot i_L(t) + L_1 \cdot \frac{di_L(t)}{dt} - R_E \cdot i_E(t) - L_E \cdot \frac{di_E(t)}{dt}$$

Berechnung: 
$$Z_1 = R_1 + j\omega L_1 \text{ mit Dist.-algo } \hat{=} f(u_{L-E}, i_L, i_E, k_E)$$

**Methode 2z** – Durch Trennung der Impedanzen [1]

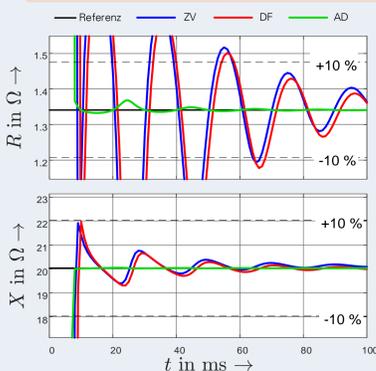
Ansatzgleichung 
$$u_{L-E}(t) = R_1 \cdot \left( i_L(t) - \frac{R_E}{R_1} i_E(t) \right) + L_1 \cdot \frac{d}{dt} \left( i_L(t) - \frac{X_E}{X_1} i_E(t) \right) = R_1 \cdot \underbrace{\left( i_L(t) - k_{RE} \cdot i_E(t) \right)}_{i_R(t)} + L_1 \cdot \frac{d}{dt} \underbrace{\left( i_L(t) - k_{XE} \cdot i_E(t) \right)}_{i_X(t)}$$

Berechnung: 
$$Z_1 = R_1 + j\omega L_1 \text{ mit Dist.-algo } \hat{=} f(u_{L-E}, i_R, i_X)$$

## Berücksichtigung des $k_E$ -Faktors im Zeitbereich

Problem: Berechnung der Schleifenimpedanz mit Abtastwerten und komplexem  $k_E$  - Faktor nach **Methode 1z**

Zeitl. Verschiebung (ZV)	Differentiation (DF)	Admittanz (AD) (Neu)
Konventionell: Korrektur vor Impedanzberechnung	Berücksichtigung durch numerische Differentiation	... nach Impedanzberechnung
Zeitliches Verschieben des Momentanwertverlaufes	Berücksichtigung durch numerische Differentiation	Berechnung von Admittanzen [2]
$i_{E \text{ KorrvZV}}(t) =  k_E  \cdot i_E(t + \Delta t(k_E))$	$i_{E \text{ KorrvDF}}(t) = \operatorname{Re}\{k_E\} \cdot i_E(t) + \frac{\operatorname{Im}\{k_E\}}{\omega} \cdot \frac{di_E(t)}{dt}$	$Z_{1 \text{ AD}} = Y_{1 \text{ AD}} = \frac{I_L}{U_{L-E}} - k_E \cdot \frac{I_E}{U_{L-E}}$
$\Delta t(k_E) = \frac{1}{f_{\text{Abt}}} \cdot \left( \frac{\Delta k_E}{2\pi} \cdot \frac{f_{\text{Abt}}}{f_N} \right)$		$Y_L = Z_L^{-1}$ aus Algo( $u_{L-E}, i_L$ ) $Y_E = Z_E^{-1}$ aus Algo( $u_{L-E}, i_E$ )
$Z_{1 \text{ ZV/DF}} = R_1 + j\omega L_1$ mit Dist.-algo $\hat{=} f(u_{L-E}, i_L, i_{E \text{ Korrv 1,2}})$		$Z_{1 \text{ AD}} = (Y_L - k_E \cdot Y_E)^{-1}$



	ZV	DF	AD
<b>Oberschwingungen</b> Verstärkter Einfluss auf die Impedanzberechnung	Ja	Ja	Nein
<b>Abklingender Gleichanteil</b> Einfluss durch DC-Anteil im Strom auf die Impedanzberechnung	Ja	Ja	Nein
<b>Zeitliche Verzögerung</b> durch Implementierung	Ja/Nein $\Delta k_E > 0$	Ja/Nein Diff.-quotient: Vorwärts oder Zentral Rückwärts $\Delta k_E < 0$	Nein

## Fehler mit Lichtbogenwiderstand

Bei Lichtbogenfehlern mit zusätzlichem Widerstand  $R_{LB}$  in der Fehlermasche treten bei beiden Methoden Abweichungen zur Mitimpedanz der Leitung auf

$Z_{\text{Mess}} = Z_1 + \Delta R + j\Delta X$

	Methode 1	Methode 2
$\Delta R = \operatorname{Re}\left\{ R_{LB} \cdot \frac{I_L}{I_L - k_E \cdot I_E} \right\}$	$R_{LB} \cdot \frac{(X_1 + X_E) \cdot  I_L ^2}{X_1 \cdot (\operatorname{Re}\{I_R\} \cdot \operatorname{Re}\{I_X\} + \operatorname{Im}\{I_R\} \cdot \operatorname{Im}\{I_X\})}$	
$\Delta X = \operatorname{Im}\left\{ R_{LB} \cdot \frac{I_L}{I_L - k_E \cdot I_E} \right\}$		0
	Verfälschung in R- und X- Richtung (abhängig vom Winkel des $k_E$ -Faktors)	Verfälschung nur in R- Richtung

## Literatur

- [1] G. Ziegler, Digitaler Distanzschutz Grundlagen und Anwendungen; SIEMENS AG, Berlin und München; Verlag: Publicis Corporate Publishing, Erlangen, 2008
- [2] Sprecher Automation GmbH, Erfinder: Carlo Liebermann, Jörg Meyer und Michael Kleemann, „Verfahren zur Steuerung eines Distanzschutzrelais durch Erkennung von Leiter-Erde-Fehlern.“ Österreichisches Patent A 50107/2017, Angemeldet am: 09.02.2017